单轴虚拟振动试验技术研究

赵艳涛,陈耀,李健,贾俊杰

(航天科工防御技术研究试验中心,北京 100854)

摘要:目的 探索结合有限元和闭环随机振动控制方法搭建的随机振动虚拟试验系统是否可信,以及其限制 条件,并明确下一步的工作方向。方法 搭建虚拟振动,并获得虚拟试验结果,并和实物试验结果进行比对。 分别搭建随机振动控制仪模型和振动系统有限元模型,再组合成整个闭环随机振动虚拟试验系统。对振动 台、夹具、产品进行有限元建模后,再根据模态试验结果对其修正。振动台、夹具、产品的有限元模型修 改到位后,组合成振动系统有限元模型,振动系统有限元模型联合控制仪模型,构建闭环随机振动虚拟试 验系统,并将虚拟试验结果和实物试验结果进行比对。结果 在400 Hz 之前的低频段,虚拟试验结果和实物 试验结果的一致性较好。结论 这种方法搭建的虚拟振动系统,在400 Hz 前的低频段,可信度较好。 关键词:虚拟振动;随机振动;有限元;振动台;模态试验;模型修正 中图分类号:TB123 文献标识码:A 文章编号:1672-9242(2023)04-0115-07

DOI: 10.7643/ issn.1672-9242.2023.04.015

Uniaxial Virtual Vibration Test Technology

ZHAO Yan-tao, CHEN Yao, LI Jian, JIA Jun-jie

(Aerospace Science&Industry Corp Defense Technology R&T Center, Beijing 100854, China)

ABSTRACT: The work aims to explore reliability and limitations of the virtual random vibration test system built by combining finite element method and closed-loop random vibration control method, and find out the next work direction. A virtual random vibration test system was built and the virtual test results obtained were compared with the physical test results. The whole process was as follows: A random vibration controller model and a vibration system model were built respectively, and then they were combined into a whole closed-loop random vibration virtual test system. In the controller modeling, the whole closed-loop control process and control principle of random vibration was introduced. In finite element modeling of vibration table, the finite element model of moving coil and boundary conditions were introduced. After finite element modeling of the vibration table, the fixture and the product, they were revised according to the modal test results. The ways to modify parameters of the finite element model so that the modal simulation results were consistent with the modal test results were introduced. The finite element models of the vibration table, the fixture and the product were combined into a finite element model of the vibration system after modification. The finite element model of the vibration system and the controller model were combined to construct a closed-loop random vibration virtual test results were compared with the physical test results. The com-

收稿日期: 2022-07-19;修订日期: 2022-10-17

· 115 ·

Received: 2022-07-19; **Revised:** 2022-10-17

基金项目: 航天创新基金(2020-F-J-6)

Fund: Aerospace Innovation Fund Project (2020-F-J-6)

作者简介:赵艳涛(1978-),男,硕士。

Biography: ZHAO Yan-tao (1978-), Male, Master.

引文格式:赵艳涛,陈耀,李健,等. 单轴虚拟振动试验技术研究[J]. 装备环境工程,2023,20(4):115-121.

ZHAO Yan-tao, CHEN Yao, LI Jian, et al. Uniaxial Virtual Vibration Test Technology[J]. Equipment Environmental Engineering, 2023, 20(4): 115-121.

parison results of the two were basically consistent in the low frequency band before 400 Hz. According to the comparison results, a summary and analysis were given in the end. It is concluded that the virtual test results of the virtual vibration system built by this method are relatively consistent with the physical test results in the low frequency band before 400 Hz. The future work is presented.

KEY WORDS: virtual vibration; random vibration; finite element; vibration table; modal test; model revision

在开展实物振动试验时,会有振动台推力不够、 关心部位不易粘贴传感器而不能获得其振动情况、实 物试验周期太长、实物试验验证滞后等局限。虚拟振 动试验成本低,不受客观条件限制,获取数据全面, 可以加快设计更新迭代、缩短设计周期、大型试验前 优化试验方案等优点。虚拟试验可以弥补实物试验的 种种不足而越来越受到重视。国外对虚拟振动的研究 已经取得了不少成果,并在工程实际中开展应用。国 内已经有多家单位开展了相关的研究,主要有有限元 模型结合开环振动分析、建立振动台有限元模型结合 闭环振动控制等,但应用还有频率范围、试验类别等 诸多的限制。本文着眼于以有限元构建振动台平台的 基础上,结合随机振动控制算法,搭建闭环随机振动 虚拟试验系统,可以将经校准后的不同产品模型"安 装"在该系统中,开展随机振动虚拟试验,具有一定 的通用性。

1 闭环随机振动虚拟系统搭建

本文构建了闭环随机振动虚拟试验系统,虚拟振动整体系统如图1所示。振动台系统简化为振动控制系统和振动台机械模型2部分,其中功放系统和滤波放大电路可以分别测量各自的频响函数^[1],再和振动台机械部分的频响函数联合起来,构成系统的频响函数,控制仪根据系统的频响函数来进行振动控制。由 PATRAN 建立振动台有限元模型,并生成系统频响函数文件,由MATLAB读取后进行整个控制计算。



1.1 控制仪模型^[2-4]

随机振动试验的控制过程如图 2 所示。控制仪首 先根据参考谱生成驱动谱,由驱动谱生成频谱,经逆 傅里叶变换后,得到伪随机信号,并转化为真随机信 号来驱动振动台。将传感器测量结果和参考谱进行比较后,生成下一次的驱动谱。





1) 频响函数的估计^[5]。频响函数可通过式(1) 得到^[6]:

$$H = \frac{PSD_{\rm CD}}{PSD_{\rm DD}} \tag{1}$$

式中: PSD_{CD} 为驱动信号和响应信号的互谱, g^{2}/Hz ; PSD_{DD} 为驱动信号自谱, g^{2}/Hz ; H 为系统的 频响函数。

 2)随机振动试验控制中,由系统频响函数和参 考谱可得到如下驱动谱:

$$PSD_{\rm D} = |H^{-1}|^2 \cdot PSD_{\rm R} \tag{2}$$

式中: PSD_R 为参考谱, g^2/Hz ; PSD_D 为驱动谱, g^2/Hz_{\circ}

由参考谱和当前的驱动谱得到下一次的驱动谱, 如式(3)所示^[7]。

$$\left(PSD_{\rm D}\right)_{i+1} = \left(PSD_{\rm D}\right)_i \sqrt{\frac{PSD_{\rm R}}{\left(PSD_{\rm C}\right)_i}} \tag{3}$$

式中: (*PSD*_D)_{*i*} 为当前驱动谱; (*PSD*_D)_{*i*+1} 为下一次的驱动谱; (*PSD*_C)_{*i*} 为当前控制谱。

这是随机振动的驱动谱(频域)均衡迭代的核心 算法,当然也还有其他的随机振动控制算法,驱动谱 转化为时域驱动信号来驱动振动台。

3)驱动谱(频域)转换为时域的驱动信号。由 驱动谱可以得到驱动信号的幅值,单独幅值信息不能 够转换得到时域信号,因此进行相位随机化后,将驱 动信号的幅值再附加随机的相位信息后,进行逆傅里 叶变换,可以得到时域的伪随机信号。伪随机信号还 不可以直接作为时域的驱动信号,需进行时域随机化 处理。对相位随机化后的伪随机信号经过延迟和反向 后,得到多组时域信号,然后进行加窗叠加,就得到 了可用于时域驱动信号的真随机信号[8-9]。

时域驱动信号经过功放系统放大后,驱动振动台 中的运动部件运动,传感器将加速度信号通过滤波放 大电路传递给控制仪。控制仪根据当前传感器测试得 到的当前控制谱,结合参考谱和当前驱动谱,按照式 (3)做迭代计算后,输出下一次的驱动谱。

1.2 振动台机械模型建模

1.2.1 振动台几何模型

振动台主要包括动圈和台体,动圈通过上悬挂弹 簧和下导向轴承固定在台体上,台体通过空气弹簧固 定在底座上,如图3和图4所示。动圈是主要活动部 件,产品通过夹具安装在动圈上,动圈带动产品运动。 动圈主要包括骨架和线圈,线圈作为固定连接在动圈 骨架上。通过建立有限元模型,并附加边界条件来模 拟振动台。



图 3 振动台整体模型 Fig.3 Overall model of vibration table



图 4 动圈模型 Fig.4 Moving coil model

1.2.2 动圈的有限元模型

动圈是振动台的核心部件,采用有限元软件对 动圈进行网格划分。划分网格时,既要保证网格精 度,又要兼顾计算效率,对不规则部分采用四面体 网格划分,对规则部分采用面单元进行网格划分, 如图 5 所示。

动圈骨架和线圈之间连接的模态对应的特征频 率都远在振动台的工作频率之外,对系统响应的影响 比较小,将骨架与线圈间简化为刚性连接,将动圈作



为一个刚性整体。骨架为各向同性材料的镁铝合金, 线圈作为驱动力的来源,既要导电又要降温,其由铜 导管绕制而成,铜导管本身导电,内部通过冷却水来 降温,通过特种胶将铜导管粘接在一起,外部再通过 钢片粘接固定。为了方便分析,将线圈材料简化为各 向同性材料进行处理^[10-12]。

在保证几何模型与实物相符的前提下,来调整密 度和弹性模量这2个材料参数^[13],使模态仿真结果与 模态试验结果一致,即可认为此有限元模型可以用于 虚拟振动。

1.2.3 动圈的边界条件

动圈上端四周有 4 个间隔 90°的悬挂弹簧将动圈 悬挂在台体上,可以限制动圈的横向振动和扭转。另 外,动圈中央竖直方向的刚性轴通过空气弹簧连接在 台体上,上下悬挂系统都通过弹簧单元来简化,仅保 留轴向平动自由度,保证动圈沿竖直方向运动。中心 刚性轴对动圈的导向作用通过多点约束单元(MPC 单元)的来进行模拟,并约束其他所有自由度,而只 保留竖直方向运动^[14-15]。

台体作为动圈的支撑系统,按照其几何模型进行 网格划分。台体通过空气弹簧悬挂在底座上,如果工 作频率比较高,可以忽略空气弹簧的影响;如果工作 频率比较低,则需要考虑空气弹簧的影响,空气弹簧 可采用弹簧单元来简化。

1.2.4 模态试验验证

分别对动圈、夹具、产品建立有限元模型,并结 合模态试验进行有限元模型校准。模态试验中,分别 对被试对象用橡皮绳悬挂后,采用锤击法开展模态试 验,多次锤击获取有效数据后,通过 PolyLSCF 法识 别模态参数,再通过 MAC 矩阵来验证获取的模态参 数是否可信。在保证模态试验结果可信的基础上,修 正有限元模型的过程如下:在几何模型与实物相符的 前提下调整材料参数,在参考材料基本参数的基础 上,首先微调密度来保证质量与实际质量一致^[18],再 微调弹性模量,使模态仿真结果与模态试验结果比较 接近,主要模态频率最大相对误差在 5%以内,使得 振动台各部分的材料参数能够160.9.4.5% 试验的主要模态频率比对见表 1, 振型如图 6 所示。 产品模态仿真和模态试验的主要模态频率比对见表 2, 振型如图 7 所示。动圈模态仿真和模态试验的主 要模态频率比对见表 3, 振型如图 8 所示。

| Tab.1 Comparison of modal frequencies of fixture modal simulation and modal test | | | | | | | |
|--|-----------|-----------|------|----|-----------|-----------|------|
| 阶数 | 模态仿真频率/Hz | 模态试验频率/Hz | 误差/% | 阶数 | 模态仿真频率/Hz | 模态试验频率/Hz | 误差/% |
| 1 | 258.13 | 254.843 | 1.3 | 5 | 1179.2 | 1172.652 | 0.6 |
| 2 | 382 | 381.203 | 0.2 | 6 | 1190.6 | 1177.927 | 1.1 |
| 3 | 482.74 | 478.644 | 0.9 | 7 | 1301 | 1294.221 | 0.5 |
| 4 | 664.76 | 658.475 | 1 | 8 | 1936.8 | 1921.371 | 0.8 |

表 1 夹具模态仿真和模态试验模态频率比较



图 6 夹具各阶振型

Fig.6 Various vibration modes of fixture: a) 1st order; b) 2ed order; c) 3rd order; d) 4th order; e) 5st order; f) 6th order; g) 7th order; h) 8th order

表 2 产品模态仿真和模态试验模态频率比较 Tab.2 Comparison of modal frequencies of product modal simulation and modal test

| 阶数 | 模态仿真频率/Hz | 模态试验频率/Hz | 误差/% |
|----|-----------|-----------|------|
| 1 | 256.99 | 263.875 | 2.6 |
| 2 | 595.47 | 584.94 | 1.8 |
| 3 | 1016.6 | 989.132 | 2.8 |



图 7 产品各阶振型

Fig.7 Various vibration modes of product: a) 1st order; b) 2ed order; c) 3rd order

表 3 动圈模态仿真和模态试验模态频率比较 Tab.3 Comparison of modal frequencies of moving coil modal simulation and modal test

| 阶数 | 模态仿真频率/Hz | 模态试验频率/Hz | 误差/% |
|----|-----------|-----------|------|
| 1 | 347.58 | 356.851 | 2.6 |
| 2 | 435.9 | 418.766 | 4.1 |
| 3 | 1678.6 | 1 734.095 | 3.2 |

实物试验中,夹具与产品、夹具与动圈通过螺栓 连接。开展产品虚拟振动试验时,动圈与夹具、夹具



Fig.8 Various vibration modes of moving coil: a) 1st order (torsion); b) 2ed order (breathe); c) 3rd order (Telescoping)

与产品螺栓连接处,建模时通过刚性连接来代替螺纹 连接。单元类型采用 RBE2(刚体单元)^[17]。将产品、 夹具的有限元模型与振动台的动圈模型进行连接,构 成振动台机械系统的有限元模型,结合随机振动控制 仪模型,构建整个虚拟振动闭环控制系统,进行虚拟 振动闭环控制,来确定振动试验控制方案、产品的振 动量级等。

在进行模型修正时,首先根据模态试验结果,在 修正密度使模型与实物质量相符后,再调整弹性模 量,使虚拟试验和实物试验在模态频率和振型上一 致,使模型的刚度矩阵、质量矩阵得到修正。其次, 侧重对结构阻尼、结构件之间的连接关系、边界条件、 弹性模量等参数进行反复修改,使测点的虚拟试验与 实物试验结果一致。可参考文献[18]中的方法进行分 区和参数修改,可以快速修正目标,满足工程需要, 详细过程见该文献。

2 虚拟振动和实物试验结果的比对

目标谱为梯形谱, 谱形如下, 20~80 Hz: +3 dB/Oct; 80~350 Hz: 0.04 g²/Hz; 350~2 000 Hz: -3 dB/Oct。 均方根值 6.06g。夹具为正方形板状结构, 产品通过 夹具安装在振动台台面上。选取靠近夹具 4 条边线的 中点及中心点作为控制点(如图 9 所示), 采用多点 平均值控制。



图 9 振动控制点示意图 Fig.9 Diagram of vibration control points

选取产品上测量点为 1#(位于产品顶圈壁面, 对应节点 542200)、2#(位于产品中圈壁面,对应 节点 542883),如图 10所示。实物试验及虚拟试验 结果比对分别如图 11、图 12所示。









Fig.11 Comparison of 1# physical and virtual test results (a) and simulated time domain waveform (b)





Fig.12 Comparison of 2#(node542883) physical and virtual test results (a) and simulated time domain waveform (b)

从表 4 可以看出,400 Hz 以前,虚拟试验和实物 试验的均方根值误差明显小于全频段内的。另外,400 Hz 以内,1#的最大功率谱密度误差为 0.034 g²/Hz, 2#的最大功率谱密度误差为 0.038 g²/Hz。在 400Hz 以上的高频段内,功率谱密度误差远远超过 400 Hz 前的低频段。

表 4 不同频段实物试验和虚拟试验均方根值比较 Tab.4 Comparison of root mean square values of physical test and virtual test in different frequency bands

| | | 1 | 2 | |
|------------|-------------|------|-----------|------|
| 频段 | 20~2 000 Hz | | 20~400 Hz | |
| 位置 | 1# | 2# | 1# | 2# |
| 实物试验均方根值/g | 13.6 | 13.7 | 4.1 | 4.2 |
| 虚拟试验均方根值/g | 7.5 | 7.3 | 3.7 | 3.6 |
| 误差/% | 44.9 | 46.7 | 9.8 | 14.3 |

通过比对实物试验和虚拟试验结果,由曲线的趋势可以明显看出,二者在 400 Hz 之前的低频段,整体趋势一致性相对较好,在高频段的一致性相对较差。这和高频段模态比较复杂、随机振动在高频段难控制是一致的。在建模过程中,由于很多细节进行了简化处理,会影响到高频部分的仿真结果。另外,网格划分受到计算机计算能力的限制,不能划分足够小的尺寸,也会影响到虚拟试验高频部分结果。同时,高频段在实物试验时难免会出现一定程度的非线性,但仿真计算是基于线性假设,这就难以保持二者在高频段的一致^[22]。

3 结语

结合有限元和闭环随机振动控制方法搭建的随 机振动虚拟试验系统在 400 Hz 前的低频段有相对较 好的可信度,高频段的虚拟试验结果精度还有待提 高。这种方法搭建的随机振动虚拟振动系统的虚拟振 动是一个比较复杂的过程,涉及到许多的技术细节, 以上只是初步的工作,想要虚拟振动试验系统通用性 更强,得到更准确的结果,则需要进一步进行详细建 模和修正。另外,本文只进行了虚拟振动的初步探索, 后续可结合工程实践进一步完善和推广应用。

1)单轴虚拟振动是双台振动和多维振动的基础, 在单轴虚拟振动的基础上开展双台虚拟振动和多维 虚拟振动。

2) 虚拟振动还有很多局限,实物振动试验中, 装备在振动载荷下,其动力学特性普遍存在变化,频 响函数是实时变化的,但目前基于有限元方法获取频 响函数不能实时变化,虚拟振动试验还和实物振动试 验有差异,虚拟振动试验不能替代实物振动试验。可 开展基于数字孪生的虚拟振动试验技术研究,根据实 测试验数据,对有限元模型进行实时修正。

3) 基于有限元模型开展的虚拟振动在低频段相

对准确,结合产品经历振动环境的频段,高频段可结 合统计能量法开展相关的研究。

参考文献:

- 刘闯,向树红,冯咬齐.卫星虚拟振动试验系统研究
 [J]. 航天器环境工程, 2009, 26(3): 248-253.
 LIU Chuang, XIANG Shu-hong, FENG Yao-qi. Research on Satellite Virtual Vibration Test System[J]. Spacecraft Environmental Engineering, 2009, 26(3): 248-253.
- [2] 范宣华. 电动振动台建模与试验仿真技术研究[D]. 绵阳: 中国工程物理研究院, 2005.
 FAN Xuan-hua. Research on Modeling and Experimental Simulation Technology of Electric Shaking Table[D].
 Mianyang: China Academy of Engineering Physics, 2005.
 [3] 王刚. 数字式随机振动控制技术[J]. 战术导弹技术,
- [5] 王州. 奴子式随机振动控制技术[J]. 成本寻弹技术, 1999(3): 53-60.
 WANG Gang. Technology of Digital Random Vibration Control Systems[J]. Tactical Missile Technology, 1999(3):53-60.
- [4] 严侠, 牛宝良. 随机振动控制算法研究与仿真分析[J]. 中国工程物理研究院科技年报, 2004(1): 108-109.
 YAN Xia, NIU Bao-liang. Research and Simulation Analysis of Random Vibration Control Algorithm[J]. Annual Scientific Report of China Academy of Engineering Physics, 2004(1): 108-109.
- [5] 张琳,邓长华,谭永华,等.随机振动试验仿真技术研究[J].机械强度,2011,33(6):927-931.
 ZHANG Lin, DENG Chang-hua, TAN Yong-hua, et al. Research on the Simulation of Random Vibration Testing
 [J]. Journal of Mechanical Strength, 2011, 33(6): 927-931.
- [6] 关广丰,丛大成,韩俊伟,等.随机振动功率谱复现迭 代算法的研究[J]. 地震工程与工程振动, 2006, 26(6): 71-76.

GUAN Guang-feng, CONG Da-cheng, HAN Jun-wei, et al. Research on Replicate Iterative Algorithm for Power Spectral Density of Random Vibration[J]. Earthquake Engineering and Engineering Vibration, 2006, 26(6): 71-76.

 [7] 袁宏杰,李传日.正弦加随机振动控制技术的研究[J]. 航空学报,2000,21(4):383-384.
 YUAN Hong-jie, LI Chuan-ri, Research on Sine plus Random Vibration Control Technology[J]. Journal of Aeronautics, 2000, 4(7):383-384.

- [8] 胡志强,法庆衍,洪宝林,等.随机振动试验应用技术
 [M].北京:中国计量出版社,1996.
 HU Zhi-qiang, FA Qing-yan, HONG Bao-lin, et al. Application Technology of Random Vibration Test[M]. Beijing: China Metrology Publishing House, 1996.
- [9] 王述成,陈章位.随机振动试验中时域随机化技术的研究[J].机械工程学报,2005,41(5):230-233.
 WANG Shu-cheng, CHEN Zhang-wei. Research on the Randomization of Random Test in Vibration Control Sys-

System[J]. Chinese Journal of Mechanical Engineering, 2005, 41(5): 230-233.

[10] 夏天凉. 电动振动台有限元建模及其附加台面设计[D]. 苏州:苏州大学, 2011.

XIA Tian-liang. Finite Element Modeling of Electric Vibration Table and Design of Its Additional Table[D]. Suzhou: Soochow University, 2011.

- [11] 范宣华,胡绍全.电动振动台空台建模与仿真技术研究[J].系统仿真学报,2006,18(2):313-315.
 FAN Xuan-hua, HU Shao-quan. Modeling and Simulation Research on Electrodynamic Vibration Generators[J]. Journal of System Simulation, 2006, 18(2):313-315.
- [12] 蔡银山,董龙雷,闫桂荣.电磁振动台的有限元分析
 [C]//第 14 届中国 CAE 工程分析技术年会论文集. 银川:中国机械工程学会, 2018.
 CAI Yin-shan, DONG Long-lei, YAN Gui-rong. Finite Element Analysis of Electromagnetic Vibration Table[C]//Proceedings of the 14th China CAE Engineering Analysis Technology Annual Conference. Yinchuan: Chinese Mechanical Engineering Society, 2018.
- [13] 黄家骥,银美秀.浅谈虚拟振动试验技术相关研究问题[J].工业技术,2016,14(18):57-58.
 HUANG Jia-ji, YIN Mei-xiu. Talking about the Research Problems Related to Virtual Vibration Test Technology[J]. Industrial Technology, 2016 (18): 57-58.
- [14] 范宣华, 胡绍全. 基于有限元法的电动振动台试验仿 真研究[J]. 机械强度, 2007, 29(4): v536-539.

FAN Xuan-hua, HU Shao-quan. Simulation Research of Electrodynamic Vibration Generator Tests Based on Finite Element Method[J]. Journal of Mechanical Strength, 2007, 29(4): 536-539.

- [15] 李红强.电动振动台动圈的有限元分析与优化设计[D]. 苏州:苏州大学, 2006.
 LI Hong-qiang. Finite Element Analysis and Optimal Design of Moving Coil of Electric Vibration Table[D].
 Suzhou: Soochow University, 2006.
- [16] 陈小慧. 电动振动台动力学建模及其扩展台面设计[D]. 成都:西南交通大学, 2008.
 CHEN Xiao-hui. Dynamic Modeling of Electric Shaking Table and Design of Its Extended Table[D]. Chengdu: Southwest Jiaotong University, 2008.
- [17] 刘艳欣,周志卫,任向前,等. 机载悬挂装置虚拟振动 试验技术研究[J]. 航空科学技术, 2022, 33(3): 111-118.
 LIU Yan-xin, ZHOU Zhi-wei, REN Xiang-qian, et al. Research on Virtual Vibration Test Technology of Airborne Store Suspension[J]. Aeronautical Science & Technology, 2022, 33(3): 111-118.
- [18] 向树红, 宴延飞, 邱宝吉, 等. 40 吨振动台虚拟试验仿 真技术研究[J]. 宇航学报, 2004, 25(4): 375-381. XIANG Shu-hong, YAN Yan-fei, QIU Bao-ji, et al. Research on Virtual Test Simulation Technology of 40t Shaking Table[J]. Journal of Astronautics and Astronautics, 2004, 25(4): 375-381.

责任编辑:刘世忠